

Legyenek a, b, c olyan pozitív egészek, amelyekre $ac = b^2 + b + 1$. Bizonyítsuk be, hogy az

$$ax^2 - (2b + 1)xy + cy^2 = 1$$

egyenletnek létezik egész megoldása.