Ha tetszés szerinti t területű ABC háromszög a, b, c oldalait egymásután hosszúságukkal, hosszúságok 2-szeresével, 3-szorosával, $\dots$ $(n-1)$-szeresével (a hol n . pos. egész szám) megnyújtjuk, és az ezen meghosszabbítások végpontjai által alkotott $A_1B_1C_1,\ A_2B_2C_2,\ A_3B_3C_3, \dots A_{n-1}B_{n-1}C_{n-1}$ háromszög oldalai $a_1b_1c_1,\ a_2b_2c_2,\ a_3b_3c_3, \dots a_{n-1}b_{n-1}c_{n-1}$ és az oldalak négyzeteinek összege $S, S_1S_2S_3, \dots S_{n-1}$ (azaz $a^2+b^2+c^2=S,\ a_1^2+b_1^2+c_1^2=S_1, \dots a_{n-1}^2 b_{n-1}^2 c_{n-1}^2 = S_{n-1}$) és végre a háromszögek területei $t_1, t_2, t_3, \dots t_{n-1}$ akkor

I.

$$S+S_1+S_2+S_3+\ldots+S_{n-1}=n^3S$$

II.

$$t_1+t_2+t_3+\ldots+t_{n-1}=n^3t$$

III.

$$\frac{S}{t}=\frac{S_1}{t_1}=\frac{S_2}{t_2}=\ldots=\frac{S_{n-1}}{t_{n-1}}=const.$$