

**I. megoldás.** Ismert, hogy az inerciarendszerekhez képest állandó  $\omega$  szögsebességgel forgó (például a Földhöz rögzített) vonatkoztatási rendszerekben csak akkor érvényes a dinamika alaptörvénye, ha a „valódi erők” mellett ún. tehetetlenségi erőket is beleírunk a mozgásegyenletbe. Ilyen tehetetlenségi erő az  $mrv\omega^2$  nagyságú centrifugális erő és a  $2mv\omega \sin \alpha$  nagyságú *Coriolis-erő*. ( $r$  a vizsgált test és a forgástengely távolsága,  $v$  a test sebessége a gyorsuló koordináta-rendszerhez képest,  $\alpha$  pedig a sebességvektor és a forgástengely szöge. Mivel esetünkben  $v \ll r\omega$ , a centrifugális erőt elhanyagolhatjuk a Coriolis-erő mellett.)

Lőjünk ki egy lövedéket az északi félteke  $\alpha$  szélességi fokánál vízszintesen, pontosan észak felé. A lövedék sebessége legyen  $v$ , a céltábla távolsága pedig  $L$ . A lövedék mozgásának ideje (ha a fékeződését nem vesszük figyelembe):  $t = L/v$ . A Coriolis-erő ebben az esetben  $F = 2mv\omega \sin \alpha$  nagyságú, iránya vízszintes és kelet felé mutat. Ezen erő hatására a lövedék kelet felé is gyorsul

$$a = \frac{F}{m} = 2v\omega \sin \alpha$$

(állandó) gyorsulással, így az északi iránytól való eltéréülésének nagysága a céltáblánál:

$$\Delta y = \frac{a}{2}t^2 = \frac{L^2\omega \sin \alpha}{v}.$$

Látható, hogy nagyobb sebességű lövedék kevésbé terül el, mint a lassabb.

*Somlán Gellért* (Pécs, Leőwey Klára Gimn., 10. évf.)  
dolgozata alapján

**II. megoldás.** Az eltérés nagyságát kiszámíthatjuk a forgásmentes inerciarendszerben is. Itt csak a függőleges irányú nehézségi erő hat a lövedékre, így annak vízszintes irányú mozgása egyenletes. A Föld (és vele együtt a fegyver) kelet felé fordul el, a kerületi sebessége a kilövés helyénél  $v_1 = R\omega \cos \alpha$  ( $R$  a Föld sugara). Ezzel a sebességgel haladva a lövedék a becsapódásig eltelt  $t = L/v$  idő alatt

$$y_1 = v_1 t = \frac{LR\omega}{v} \cos \alpha$$

utat tesz meg.

Ugyanennyi idő alatt a céltábla is elmozdul kelet felé, de mivel a kilövés helyénél  $L$  távolsággal északabbra, az  $\alpha + (L/R)$  szögnek megfelelő szélességi körön helyezkedik el, a céltábla elmozdulása  $y_1$ -nél egy kicsit kevesebb, mindössze

$$y_2 = \frac{LR\omega}{v} \cos \left( \alpha + \frac{L}{R} \right).$$

Vegyük figyelembe, hogy  $L \ll R$ , emiatt jogos a

$$\cos \left( \alpha + \frac{L}{R} \right) = \cos \alpha \cos \frac{L}{R} - \sin \alpha \sin \frac{L}{R} \approx \cos \alpha - \frac{L}{R} \sin \alpha$$

közelítés.

Mivel  $y_2 < y_1$ , az eltolódás mértéke kelet felé

$$\Delta y = y_1 - y_2 = \frac{LR\omega}{v} \frac{L}{R} \sin \alpha = \frac{L^2\omega \sin \alpha}{v} = \frac{\text{állandó}}{v}.$$

Látható, hogy azonos körülmények között a nagyobb sebességű lövedék kevésbé térül el a Föld forgása miatt, mint a kisebb sebességű.

*Mihalik Bálint* (Kecskeméti Bányai Júlia Gimn., 10. évf.) és  
*Sepsi Csombor Márton* (Zalaegerszegi Zrínyi M. Gimn., 11. évf.)  
dolgozata alapján