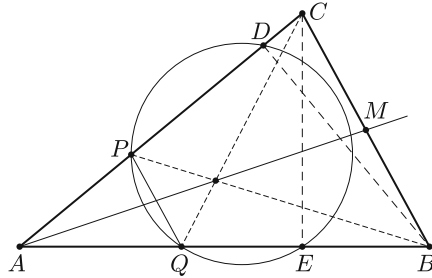


Mivel $\angle BEC$ és $\angle BDC$ derékszög, azért $BCDE$ húrnégyszög. Emiatt a $\angle CBE$ és az $\angle ADE$ szög megegyezik. A P pont az AD szakasz pontja, így a $\angle PDE$ szög is ugyanekkora. Most felhasználjuk, hogy $DPQE$ is húrnégyszög, ezért $\angle PDE = \angle PQA$. Ezzel két lépésben beláttuk, hogy a $\angle PQA$ és $\angle CBA$ szögek egyenlők. A feladat feltételei alapján a P és Q pontok az eredeti háromszög oldalain vannak, így az előzőek egyállású szögek, így PQ párhuzamos BC -vel.



A $\angle BAC$ szögére és a BC , PQ párhuzamos egyenesekre alkalmazva a párhuzamos szelők tételét

$$(1) \quad \frac{AQ}{AP} = \frac{BQ}{CP} \Rightarrow AQ \cdot CP = BQ \cdot AP.$$

Az M pont a BC oldal felezőpontja, tehát $MB = MC$.

Bővítsük (1)-ben a szorzatokat az egymással megegyező MB -vel és MC -vel:

$$AQ \cdot CP \cdot MB = BQ \cdot AP \cdot CM.$$

Az ABC háromszögben az AM , BP és CQ szakaszokra alkalmazható a fenti egyenlőség alapján a Ceva-tétel megfordítása, azaz AM , BP és CQ egy pontban metszik egymást. Az AM a háromszög A -hoz tartozó súlyvonala, így az állítást igazoltuk.

Janzer Orsolya Lili (Budapesti Fazekas M. Gyak. Ált. Isk. és Gimn., 12. évf.)
dolgozata alapján