

Igazoljuk, hogy minden pozitív egész n -re és x valós számra:

$$(1) \quad [x] + \left[x + \frac{1}{n} \right] + \left[x + \frac{2}{n} \right] + \cdots + \left[x + \frac{n-1}{n} \right] = [nx].$$