

Bizonyítsuk be, hogy ha a és b pozitív számok, akkor

$$(1) \quad \left(1 + \frac{1}{a}\right) \left(1 + \frac{1}{b}\right) \geq \frac{8}{1 + ab}.$$