

Bizonyítsuk be, hogy

$$(a^2 + b^2)(c^2 + d^2) \geq (ac + bd)^2$$

bármilyen pozitív vagy negatív (esetleg 0) számokat jelentsen a, b, c, d . Mikor érvényes az egyenlőség jele?