

**Megoldás.** Először a kiskocsi elindul  $v_0$  sebességgel és  $p_0 = mv_0$  impulzussal. Amikor a kiskocsi eléri a doboz falát, akkor a doboz és a vele megegyező tömegű kiskocsi „sebességet cserél”, vagyis a kiskocsi megáll, a doboz pedig elindul  $p_0$  impulzussal az olajon. A kiskocsi a következő ütközésig áll, a doboz viszont az olajon való súrlódástól lassul. A doboz mozgásegyenlete:

$$\Delta p = F\Delta t = -kv\Delta t = -k\Delta s.$$

Látható, hogy a doboz impulzusának csökkenése kifejezhető a doboz által megtett úttal, azzal arányos. Az egyes ütközések közt a doboz  $L - \ell$  utat tesz meg, ezután átadja impulzusát a kiskocsinak, amely a következő ütközést követően visszaadja az impulzust a doboznak. Ezért a doboz impulzusváltozása két-két ütközésenként:  $\Delta p = -k(L - \ell)$ .

A folyamat elején 1 ütközés biztosan történik: a kiskocsi nekimegy a doboznak. Ha a továbbiakban még  $n$ -szer ütközik a doboz és a kiskocsi, majd a kiskocsi és a doboz, akkor összesen  $N = 1 + 2n$  ütközés következik be. (Ha a doboz meglöki a kiskocsit, akkor az egyenletesen mozgó kiskocsi biztosan ütközni fog még a dobozzal.) Az ütközéspárok  $n$  számát (vagyis azt, hogy hányszor löki meg a doboz a kiskocsit) a doboz egyre csökkenő impulzusa határozza meg.

Az utolsó ütközés akkor történik, amikor a megmaradt impulzus már nem elég ahhoz, hogy a doboz megtegyjen  $(L - \ell)$  utat, de eggyel kevesebb  $n$ -nél a doboz az ütközés után még képes  $(L - \ell)$  út megtételére:

$$mv_0 - nk(L - \ell) < k(L - \ell), \quad \text{de} \quad mv_0 - (n - 1)k(L - \ell) > k(L - \ell),$$

azaz

$$n < \frac{mv_0}{k(L - \ell)} < n + 1.$$

Ezek szerint az ütközések száma az egészrész-függvény segítségével így adható meg:

$$N = 2 \left[ \frac{mv_0}{k(L - \ell)} \right] + 1.$$