

Megoldás. Feltesszük, hogy nincs mechanikai energiaveszteség (ez akkor jogos, ha H nem túl nagy). Felírhatjuk az energiamegmaradás törvényét, és abból kiszámíthatjuk a labda sebességének v nagyságát az ütközési pontnál:

$$mg(H - h) = \frac{1}{2}mv^2, \quad \text{ahonnan} \quad v = \sqrt{2g(H - h)}.$$

Rugalmas ütközésnél a labda sebességének nagysága nem változik. Mivel a fal 45° -os szöget zár be a vízszintessel és a becsapódási szög egyenlő a visszaverődési szöggel, ezért a labda vízszintesen repül tovább. Így a mozgás ezen szakasza olyan, mint egy vízszintes hajítás. A talajt

$$t = \sqrt{\frac{2h}{g}}$$

idő alatt éri el a labda (mintha h magasságból szabadon esne), ezalatt vízszintesen

$$s = vt = \sqrt{2g(H - h)} \cdot \sqrt{\frac{2h}{g}} = 2\sqrt{h(H - h)}$$

utat tesz meg.

A számtani és mértani közép közti egyenlőtlenség miatt:

$$\sqrt{h(H - h)} \leq \frac{h + H - h}{2}, \quad \text{vagyis} \quad s \leq H.$$

A maximum értéket akkor veszi fel az $s(h)$ függvény, ha

$$h = H - h, \quad \text{azaz} \quad h = \frac{H}{2}.$$