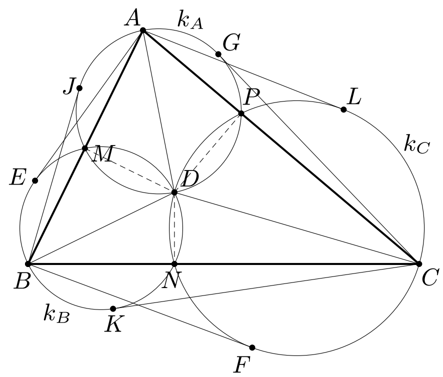
Használjuk az *ábra* jelöléseit. Jelölje k_A és k_B második metszéspontját M, k_B és k_C metszéspontját N, végül k_C és k_A metszéspontját P. A Thalész-tétel miatt $AMD\sphericalangle = BMD\sphericalangle = 90°$, a két szög összege $180°$, tehát B, M és A egy egyenesen vannak, vagyis az M pont illeszkedik az AB szakaszra. Ugyanígy látható be, hogy az N pont a BC, a P pont pedig a CA szakasz pontja.



Írjuk fel sorra az A, B, C pontok őket nem tartalmazó másik két körre vonatkozó hatványait:

$$\begin{aligned}
AE^2 &= AM \cdot AB,\\
AL^2 &= AP \cdot AC,\\
BF^2 &= BN \cdot BC,\\
BJ^2 &= BM \cdot AB,\\
CG^2 &= CP \cdot AC,\\
CK^2 &= CN \cdot BC.
\end{aligned}$$

Összegezve:

$$\begin{aligned}
&AE^2 + BJ^2 + BF^2 + CK^2 + AL^2 + CG^2 =\\
&= (AM + BM) \cdot AB + (BN + CN) \cdot BC + (AP + CP) \cdot AC =\\
&= AB^2 + BC^2 + AC^2.
\end{aligned}$$

Éppen a bizonyítandó állítást kaptuk.