Megoldás. Először belátjuk, hogy

$$f\left(\frac{k}{n}\right)+f\left(\frac{n-k}{n}\right)=1, \quad \text{minden} \quad n,k\in\mathbb{N}^+,\ 0\le k\le n \text{ esetén.}$$

$$\frac{4^{\frac{k}{n}}}{4^{\frac{k}{n}}+2}+\frac{4^{\frac{n-k}{n}}}{4^{\frac{n-k}{n}}+2}=\frac{4^{\frac{k}{n}}}{4^{\frac{k}{n}}+2}+\frac{4^{1-\frac{k}{n}}}{4^{1-\frac{k}{n}}+2}=\frac{4^{\frac{k}{n}}}{4^{\frac{k}{n}}+2}+\frac{\frac{4}{4^{\frac{k}{n}}}}{\frac{4}{4^{\frac{k}{n}}}+2}=$$

$$=\frac{4^{\frac{k}{n}}}{4^{\frac{k}{n}}+2}+\frac{4}{4+2\cdot 4^{\frac{k}{n}}}=\frac{4^{\frac{k}{n}}}{4^{\frac{k}{n}}+2}+\frac{2}{4^{\frac{k}{n}}+2}=1.$$

(Természetesen tetszőleges valós x-re bizonyítható $f(x)+f(1-x)=1$. A megoldáshoz viszont elegendő a fenti megfontolás is.) Most a megoldás befejezéséhez képezzünk párokat a 2016 függvényértékből:

$$f(0/2015)+f(2015/2015)=f(1/2015)+f(2014/2015)=\ldots=$$
$$=f(1007/2015)+f(1008/2015)=1.$$

Mivel mindegyik párban az összeg 1, a teljes összeg 1008 lesz.