

**Megoldás.** Ha a sebességeket km/h-ban és a távolságokat km egységekben mérjük (az egyszerűség kedvéért ezeket a mértékegységeket a továbbiakban nem írjuk ki), akkor a két gépkocsi távolsága az idő függvényében így változik:

$$d(t) = \sqrt{(6 - 36t)^2 + (3 - v_2t)^2}.$$

Ez a távolság akkor lesz a legkisebb, amikor a gyökjel alatti ( $t$ -ben másodfokú) kifejezés minimális. A minimumhoz tartozó  $t_0$  időpillanatot teljes négyzetté alakítással, vagy a kifejezés  $t$  szerinti deriváltjának eltűnéséből határozhatjuk meg:

$$-36(6 - 36t_0) - v_2(3 - v_2t_0) = 0, \quad \text{ha} \quad t = t_0 = 0,15 \text{ (h)}.$$

Ez az összefüggés a keresett  $v_2$  sebességre egy másodfokú egyenletre vezet:

$$v_2^2 - 20v_2 + 144 = 0,$$

amelynek pozitív gyöke:  $v_2 = 25,6$  km/h. Ezt a sebességet (és  $t_0$  számértékét) a távolság képletébe helyettesítve megkapjuk a járművek közötti legkisebb távolságot:  $d_{\min} = 1,03$  km.