

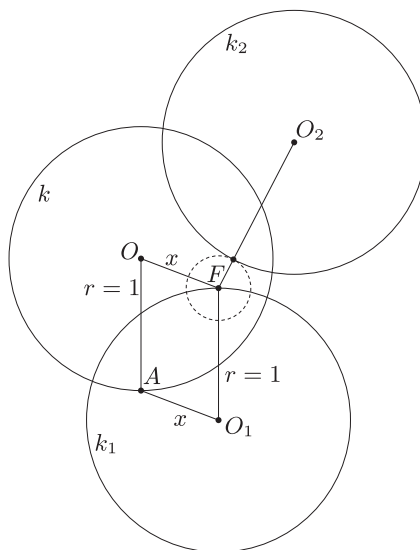
**Megoldás.** Legyen a lefedett kör  $k$ , középpontja  $O$ , a legelső pontja  $A$ . Az  $A$  pontot lefedi egy kör, ez legyen a  $k_1$ , ennek a középpontja legyen  $O_1$  és a legfelső pontja  $F$ .

$OA \parallel FO_1$  és  $OA = FO_1 = 1$ , ezért az  $AOF O_1$  négyszög paralelogramma. Jelöljük az  $AO_1$  szakasz hosszát  $x$ -szel. A  $k_1$  kör lefedi az  $A$  pontot, ezért  $x \leq 1$ . Így  $OF = x \leq 1$ , tehát a  $k$  kör lefedi  $F$ -et.

Jelölje az  $F$ -hez legközelebbi kör középpontját  $O_2$ , és legyen  $FO_2 = d$ .

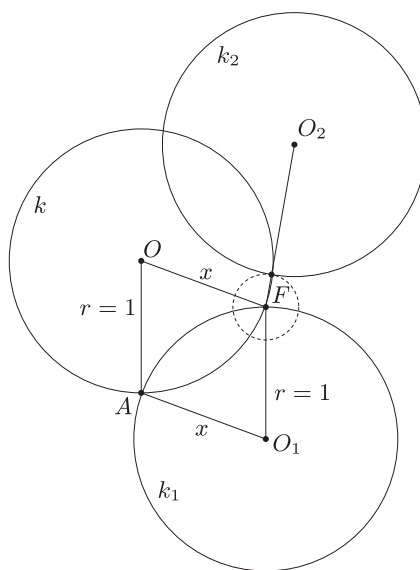
Ha  $d \leq 1$ , akkor  $F$  le van fedve. A továbbiakban legyen  $d > 1$ .

Ha  $x < 1$ , akkor rajzoljunk egy  $F$  középpontú,  $\rho = \min(1 - x, d - 1)$  sugarú kört, legyen ez  $k_3$  (1. ábra). Mivel  $d > 1$ , így  $k_3$  egyetlen belső pontját sem fedi le  $k_1$ -től különböző kör a 100 kör közül, és a  $k_1$  nem fedi le az egészet, így  $k_3$  nincs teljesen lefedve. Mivel  $k_3 \subset k$ , így  $k$  sincs teljesen lefedve. Ez ellentmondás, tehát ez az eset nem jöhet létre.



1. ábra

Ha  $x = 1$ , akkor  $k$  áthalad az  $F$  ponton. Rajzoljunk egy  $F$  középpontú,  $\rho = d - 1$  sugarú kört, legyen ez  $k_3$  (2. ábra). Mivel  $k$  és  $k_1$  egybevágó, de különböző körök, így  $k_3$ -on belüli részeik is egybevágóak, de különbözőek. Így  $k$ -nak lesz olyan  $k_3$ -on belüli pontja, amit nem fed le a  $k_1$  és a többi kör sem, mert  $k_2$  a legközelebbi kör. Ez is ellentmondás, tehát ez az eset sem lehetséges.



2. ábra

Vagyis  $d$  sosem nagyobb 1-nél.

Tehát a lefedett kör legelső pontját lefedő kör legfelső pontja mindig le van fedve.