

Megoldás. Egy összecsapásban, ha a felek harcképessége a és b , akkor az a , illetve b harcképességű fél rendre $\frac{a}{a+b}$, illetve $\frac{b}{a+b}$ valószínűséggel győz.

Tehát Bedevir és az n -edik ellenfele közötti összecsapásban Bedevir győzelmének B_n valószínűsége:

$$B_n = \frac{1}{1 + \frac{1}{2^{n+1}-1}} = \frac{2^{n+1}-1}{(2^{n+1}-1)+1} = \frac{2^{n+1}-1}{2^{n+1}}.$$

Becsüljük a tagokat alulról:

$$\begin{aligned} \frac{2^{n+1}-1}{2^{n+1}} &= 1 - \frac{1}{2^{n+1}} > 1 - \frac{1}{2^{n+1}-1} = \frac{(2^{n+1}-1)-1}{2^{n+1}-1} = \\ &= \frac{2^{n+1}-2}{2^{n+1}-1} = \frac{2(2^n-1)}{2^{n+1}-1} = 2 \cdot \frac{2^n-1}{2^{n+1}-1}. \end{aligned}$$

Legyen Bedevir ellenfeleinek száma k . Ekkor – mivel az összecsapások egymástól függetlenek – annak a valószínűsége, hogy Bedevir lesz a torna győztese:

$$\begin{aligned} P_k(B) &= \prod_{n=1}^k B_n = \prod_{n=1}^k \frac{2^{n+1}-1}{2^{n+1}} > \prod_{n=1}^k 2 \cdot \frac{2^n-1}{2^{n+1}-1} = 2^k \prod_{n=1}^k \frac{2^n-1}{2^{n+1}-1} = \\ &= 2^k \cdot \frac{2-1}{4-1} \cdot \frac{4-1}{8-1} \cdot \dots \cdot \frac{2^{k-1}-1}{2^k-1} \cdot \frac{2^k-1}{2^{k+1}-1} = 2^k \cdot \frac{1}{2^{k+1}-1} > \frac{2^k}{2^{k+1}} = \frac{1}{2}. \end{aligned}$$

Tehát tetszőleges (bármilyen nagy) k -ra $P_k(B) > \frac{1}{2}$.

Mivel ez volt a feltétele Bedevir indulásának, ezért tetszőlegesen sok lovag jelentkezhetett a tornára (a jelentkezők száma Bedevirrel együtt $k+1$).