

**Megoldás.** Ha  $n = 1, 2$  vagy  $3$ , akkor könnyen ellenőrizhető, hogy különböző maradékot adnak  $n$ -nel osztva. Ha  $n = 4$ , akkor  $2! = 2$  és  $3! = 6$  azonos maradékot adnak 4-gyel osztva, azaz  $n = 4$  nem felel meg a feltételnek. Belátjuk, hogy ha  $4 < n$  összetett szám, akkor  $(n - 1)!$  osztható  $n$ -nel. Ha az  $n$  szám felírható  $n = ab$  alakban, ahol  $0 < a < b < n$  egészek, akkor  $a$  és  $b$  is szerepel az  $1 \cdot 2 \cdot \dots \cdot (n - 1)$  szorzatban, és így  $n \mid (n - 1)!$  valóban teljesül. Csak akkor nem írható fel ilyen alakban  $n$ , ha egy  $p$  prímszám négyzete, de ekkor  $2p < n = p^2$ , hiszen  $n > 4$ , és ezért  $2n = p(2p) \mid (n - 1)!$ , azaz  $n \mid (n - 1)!$  ekkor is fennáll. Tehát  $(n - 1)!$  és  $n!$  egyaránt 0 maradékot adnak  $n$ -nel osztva, vagyis a 4-nél nagyobb összetett számok sem felelnek meg a feltételnek. Végül, ha  $n > 3$  prímszám, akkor a Wilson-tétel miatt  $(n - 1)! \equiv -1 \pmod{n}$ , és ezért  $(n - 2)! \equiv 1 \pmod{n}$ , hiszen  $(n - 1)! = (n - 1)(n - 2)! \equiv -(n - 2)! \pmod{n}$ . Tehát  $(n - 2)!$  és  $1!$  azonos maradékot adnak  $n$ -nel osztva, így  $1 \neq n - 2$  miatt a 3-nál nagyobb  $n$  prímszámok sem megfelelőek. Tehát  $n$  értéke 1, 2 vagy 3 lehet.