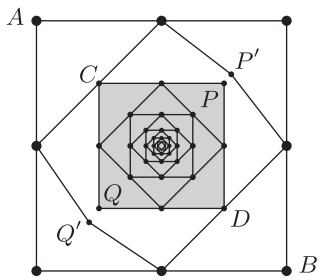


A kapcsolás szimmetriája miatt az  $AB$  egyenes felező merőlegesén elhelyezkedő pontok ekvipotenciálisak, tehát a közöttük esetleg meglévő vezetékek eltávolíthatóak, illetve – ha nem volt közöttük vezeték – az beiktatható. Emiatt az eredeti kapcsolás és az 1. ábrán látható kapcsolás egyenértékű, hiszen  $P$  és  $P'$ , illetve  $Q$  és  $Q'$  akár össze van kapcsolva, akár nem, az  $A$  és  $B$  pontok közötti keresett  $R$  eredő ellenállás ugyanakkora.

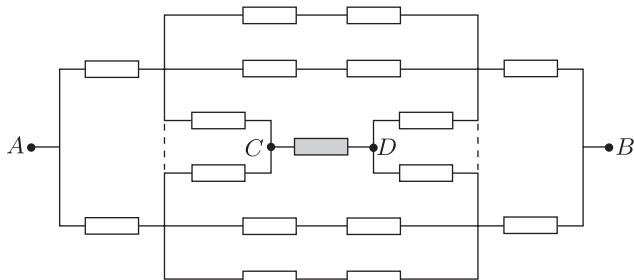


1. ábra

Az 1. ábrán sötétebben jelölt kis négyzetben lévő áramkör  $C$  és  $D$  pont közötti eredő ellenállása ugyancsak  $R$ , ha az ábra közepe felé a kapcsolás korlátlanul ismétlődik:

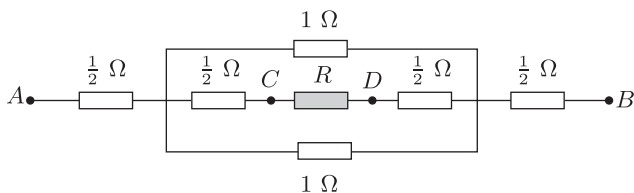
$$(1) \quad R_{AB} = R_{CD} = R.$$

A kapcsolás az (üres téglalapokkal jelölt)  $1 \Omega$ -os ellenállásokkal a 2. ábrán látható módon rajzolható le.



2. ábra

A szaggatott vonalak ekvipotenciális pontjainak rövidre zárása után további egyszerűsítésekre nyílik lehetőség, ahogy azt a 3. ábra mutatja.



3. ábra

Ennek megfelelően az (1) rekurziós egyenlet (ohm egységekben):

$$R = \frac{1}{2} + \frac{1}{1 + \frac{1}{R+1} + 1} + \frac{1}{2},$$

ami az  $R^2 - 2 = 0$  másodfokú egyenlettel egyenértékű. Ennek pozitív gyöke adja meg a keresett eredő ellenállást:

$$R = R_{AB} = \sqrt{2} \Omega.$$