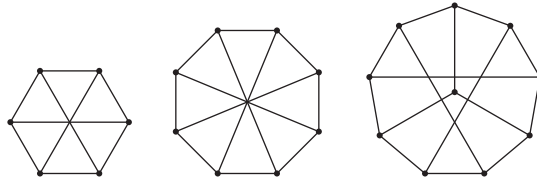


**Megoldás.** Az ismeretségi rendszert szemléltessük egy irányítatlan gráffal, ahol az emberek a csúcsok, és két csúcs pontosan akkor van összekötve éllel, ha a nekik megfeleltetett emberek ismerik egymást. Így a feladat feltétele szerint minden csúcs fokszáma 3. Minden gráfban a csúcsok fokszámainak összege páros, ezért a csoport létszáma csak páros lehet. Bármely két ember vagy ismeri egymást, vagy van közös ismerősük. Tehát ha kiválasztunk valakit, akkor annak 3 ismerőse van, és ennek a 3 ismerősnek van fejenként még 2 másik ismerőse (akik egymástól nem feltétlenül különböznek). Ez legfeljebb  $1 + 3 + 6 = 10$  főt jelent. Tehát a létszám nem lehet más, mint 2, 4, 6, 8 vagy 10.

Ezek közül a 2 nyilván nem lehetséges.

A 4 sem, mert ekkor csak teljes gráf esetén lehet minden csúcs fokszáma 3, de akkor mindenki mindenkit ismer.

A 6, a 8 és a 10 lehetséges (a gráf csúcsait tömött karika jelöli):



Tehát a társaság 6, 8 vagy 10 fős lehet.