

Megoldás. A feladat szempontjából az úthálózat gráfjának csúcsai — a kezdeti és végállapoton kívül — kétfélek lehetnek: vagy a színházzal (kiindulási helyzet), vagy pedig a szállással (cél) szomszédosak. Az első esetben 1-es, a másodikban 2-es állapotról beszélünk. A kiindulási helyzetből 1 valószínűséggel közeledik Jorgosz a célhoz, ezért a kezdeti állapotból és az 1-es állapotból ugyanakkora a célba érés valószínűsége. Az 1-es helyzetből egy él visszavisz, kettő ugyanabba az állapotba visz, kettő előre visz a 2-es állapotba. A 2-es állapotból két él ugyanabba az állapotba visz, kettő visszavisz az 1-es állapotba, egy pedig a célba vezet. Ha az 1-es állapotból a célba érés valószínűsége x , a 2-esből y , akkor felírhatók az alábbi egyenletek:

$$\begin{aligned}x &= \left(\frac{1}{5} \cdot 0 + \frac{2}{5}x + \frac{2}{5}y\right)(1-p) + py, \\y &= p \cdot 1 + \left(\frac{1}{5} \cdot 1 + \frac{2}{5}x + \frac{2}{5}y\right)(1-p).\end{aligned}$$

A feltétel szerint $x = \frac{1}{2}$, eszerint a 2. egyenlet:

$$y = p + \frac{2}{5}(1-p) + (1-p)\frac{2}{5}y, \quad \text{amiből} \quad y = \frac{3p+2}{2p+3}.$$

Az első egyenletbe behelyettesítve x -et és y -t:

$$\begin{aligned}\frac{1}{2} &= (1-p) \left(\frac{1}{5} + \frac{2}{5} \cdot \frac{3p+2}{2p+3}\right) + \frac{3p^2+2p}{2p+3}, \\10p+15 &= (1-p)(4p+6+4(3p+2)) + 30p^2+20p, \\10p+15 &= 16p+14-16p^2-14p+30p^2+20p, \\0 &= 14p^2+12p-1.\end{aligned}$$

A két megoldás közül csak a pozitív megoldás jó, mert a valószínűség 0 és 1 közötti szám:

$$p = \frac{-12 + \sqrt{12^2 + 4 \cdot 14}}{28} = \frac{-6 + 5\sqrt{2}}{14} \approx 0,0765.$$

Tehát ha $p \approx 0,0765$, akkor 0,5 valószínűséggel eléri Jorgosz a célt.