

Megoldás. $x^2 + y^2 = 2$ egy origó középpontú, $\sqrt{2}$ sugarú kör egyenlete. Az $x^2 + y^2 \leq 2$ feltételt a sík azon pontjainak koordinátái elégítik ki, amelyek a körön vagy annak belsejében helyezkednek el.

Vizsgáljuk meg a másik egyenlőtlenséget, először a jobb oldalát:

$$\frac{x}{x+y} \leq 1, \quad \text{nyilván } x+y \neq 0,$$

$$\begin{aligned} \text{ha } x+y < 0, \quad y < -x, \quad \text{akkor } x &\geq x+y, \quad y \leq 0, \\ \text{ha } x+y > 0, \quad y > -x, \quad \text{akkor } x &\leq x+y, \quad y \geq 0. \end{aligned}$$

Az egyenlőtlenség bal oldala: $\frac{x}{x+y} \geq -1$.

Most is vizsgálunk kell két esetet:

Ha $x+y > 0$, $y > -x$ akkor $x \geq -x-y$, innen $y \geq -2x$.

Ha viszont $x+y < 0$, $y < -x$, akkor $y \leq -2x$.

Ábrázoljuk a kapott pontokat a derékszögű koordináta-rendszerben. A két egyenlőtlenség egyszerre a két körcikk belsejében és határán levő pontokra teljesül az origó kivételével.

