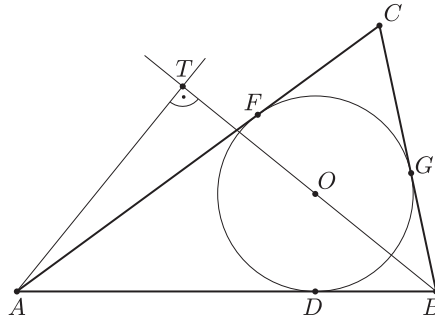


Megoldás. Jelölje a beírt kör középpontját O , az A -ból a β szög felezőjére állított merőleges talppontját T , és érintse a beírt kör a c oldalt D -ben.



Nyilván $\angle OAB = \frac{\alpha}{2}$, $\angle OBD = \frac{\beta}{2}$. A T pontosan akkor illeszkedik az FG egyenesre, ha $\angle FGO = \angle TGO$; ezt látjuk majd be. A TGO háromszögnek a β szög felezőjére való tükörképe TDO , ezért $\angle TGO = \angle TDO$. A $TODA$ négyszögben

$$\angle ATO + \angle ODA = 90^\circ + 90^\circ = 180^\circ,$$

ezért $TODA$ húrnégyszög; a köré írt körben a kerületi szögek tétele miatt $\angle TAO = \angle TDO$. Az ATB derékszögű háromszögből

$$\angle TAO = \angle TAB - \frac{\alpha}{2} = 90^\circ - \frac{\beta}{2} - \frac{\alpha}{2} = \frac{\gamma}{2}.$$

Tehát

$$\angle TAO = \angle TDO = \angle TGO = \frac{\gamma}{2}.$$

Hasonlóan $CGOF$ is húrnégyszög, hiszen két átteljes szöge 90° ; ezért

$$\angle FOG = 180^\circ - \angle FCG = 180^\circ - \gamma.$$

Végül, az FOG háromszög egyenlő szárú, vagyis

$$\angle FGO = \frac{180^\circ - (180^\circ - \gamma)}{2} = \frac{\gamma}{2}.$$

Tehát $\angle TGO = \angle FGO$, amit bizonyítani akartunk.