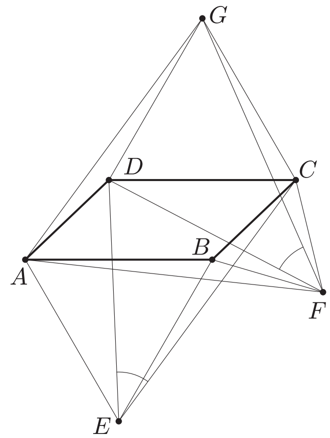

Legyen a parallelogramma CD oldalára kifelé szerkesztett szabályos háromszög harmadik csúcsa G. Feltehető, hogy a parallelogramma pozitív körüljárású.

Ha az FCG háromszöget F körül $+60°$-os szöggel elforgatjuk, akkor C képe B lesz, a CD szakasz képe ezért olyan B-n átmenő szakasz, mely CD-vel, és így a vele párhuzamos AB-vel is $60°$-os szöget zár be, azaz CD képe BE, tehát D képe E. Ez azt jelenti, hogy az FDE háromszög szabályos. Most forgassuk el D körül a DEC háromszöget ugyancsak $+60°$-os szöggel. Az előzőek miatt E képe F lesz, G definíciójából pedig az következik, hogy C képe G. A DEC és DFG háromszögek egybevágóak, ezért $CED\sphericalangle = DFG\sphericalangle$. Végül ha az ADG háromszöget G körül $+60°$-os szöggel elforgatjuk, akkor D képe C lesz, a DA szakasz képe ezért olyan C-n átmenő szakasz, amely DA-val, és így a vele párhuzamos CB-vel is $60°$-os szöget zár be, azaz DA képe CF, tehát A képe F. Ezért a GAF háromszög is szabályos.

Ezek alapján, felhasználva, hogy az A és G pontok a DF egyenesnek különböző oldalain helyezkednek el kapjuk, hogy

$$AFD\sphericalangle + CED\sphericalangle = AFD\sphericalangle + DFG\sphericalangle = AFG\sphericalangle = 60°,$$

ami éppen a bizonyítandó állítás.