

Megoldás. Az $a^2 + b^2 = c^2$ egyenletnek létezik végtelen sok olyan megoldása az egész számok halmazán, amelyre az a, b, c számok egymáshoz relatív prímek. Például $(4k^2 - 1)^2 + (4k)^2 = (4k^2 + 1)^2$, és itt (bármely k pozitív egészre) a $4k^2 - 1, 4k, 4k^2 + 1$ közül az első és a harmadik páratlan és a különbségük 2, tehát relatív prímek. (Mindketten relatív prímek a középsőhöz is.) Az azonosság mindkét oldalát elosztva $(4k^2 + 1)^2$ -nel kapjuk, hogy

$$\frac{(4k^2 - 1)^2}{(4k^2 + 1)^2} + \frac{(4k)^2}{(4k^2 + 1)^2} = 1.$$

Mindkét oldalt megszorozzuk $169 = 13^2$ -nel:

$$\left(13 \cdot \frac{4k^2 - 1}{4k^2 + 1}\right)^2 + \left(13 \cdot \frac{4k}{4k^2 + 1}\right)^2 = 169.$$

Itt például $13 \cdot \frac{4k^2 - 1}{4k^2 + 1}$ végtelen sok különböző racionális szám, ha k a pozitív egészeket futja be.