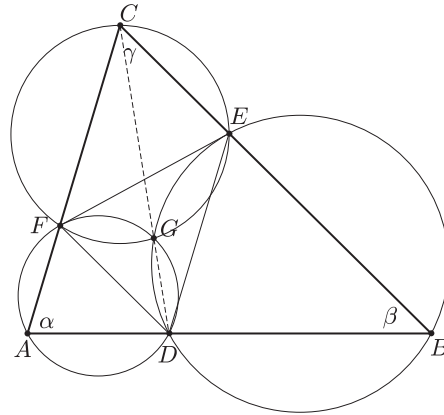


**Megoldás.** Az  $ADF$  és  $DBE$  háromszögek hasonlóak az  $ABC$  háromszöghöz. A szokásos jelölésekkel  $\angle AFD = \angle DEB = \gamma$ . Az  $ADF$ , illetve  $DEB$  körökhöz a  $D$  pontban húzott érintők tehát az  $AB$  egyenessel  $\gamma$  szöget zárnak be. Mivel  $\gamma < 90^\circ$ , ezek a körök az  $AB$  egyenesnek  $C$ -t tartalmazó oldalán metszik egymást, így a  $G$  pont is az  $AB$  egyenesnek erre az oldalára esik.

Az  $ABEF$  négyszög pontosan akkor húrnégyszög, ha  $\angle CEF = \alpha$  és  $\angle CFE = \beta$  (ez a két utóbbi feltétel persze ekvivalens egymással), vagyis ha az  $EF$  egyenes az  $ADF$  és  $DBE$  körök közös érintője.



Ekkor a  $G$  pont nyilván az  $efd$  háromszög belsejébe esik. Feltehetjük tehát, hogy a  $G$  pont az  $ABC$  háromszög belső pontja, ellenkező esetben ugyanis sem  $ABEF$  nem lehet húrnégyszög, sem pedig  $G$  nem lehet rajta a  $CD$  szakaszon. Az *ábra* alapján ekkor  $\angle EGD = 180^\circ - \beta$  és  $\angle FGD = 180^\circ - \alpha$ , látható, hogy  $\angle EGF = 180^\circ - \gamma$ , vagyis az  $ECFG$  négyszög húrnégyszög.

Összefoglalva: az  $ABEF$  négyszög pontosan akkor húrnégyszög, ha  $\angle CFE = \beta$ , vagyis ha  $\angle CGE = \beta$ . Figyelembe véve, hogy  $\angle EGD = 180^\circ - \beta$ , ez ekvivalens azzal, hogy a  $\angle CGD$  egyenesszög, vagyis hogy a  $G$  pont rajta van a  $CD$  szakaszon.