

**Megoldás.** Mindegyik ágba  $n$  darab sorosan kapcsolt galvánelem található, ezek helyettesíthetők egyetlen  $nU_0$  üresjáratú feszültségű és  $nR_b$  belső ellenállású áramforrással. Ha  $N/n$  számú ilyen ágot párhuzamosan kapcsolunk, az üresjáratú feszültség nem változik, a telep belső ellenállása viszont az egyes ágak belső ellenállásának  $N/n$ -ed részére csökken, tehát  $\frac{n^2}{N}R_b = \frac{n^2}{100}R_b$  lesz.

Ha a telepre  $R$  nagyságú külső ellenállást kapcsolunk, a kialakuló (teljes) áramerősség

$$I = \frac{nU_0}{\frac{n^2}{100}R_b + R},$$

a fogyasztóra jutó teljesítmény pedig

$$P = RI^2 = R \left( \frac{nU_0}{\frac{n^2}{100}R_b + R} \right)^2 = \frac{U_0^2/R}{\left( \frac{nR_b}{100R} + \frac{1}{n} \right)^2}.$$

Ez a kifejezés ( $n$  függvényében) akkor a legnagyobb, amikor a nevező a legkisebb. A nevezőt alulról becsülhetjük a számtani–mértani közép közti egyenlőtlenséggel:

$$\left( \frac{nR_b}{100R} + \frac{1}{n} \right)^2 \geq 4 \cdot \frac{nR_b}{100R} \cdot \frac{1}{n} = \frac{R_b}{25R}.$$

Egyenlőség akkor, és csak akkor áll fenn, ha a közepekben szereplő két mennyiség megegyezik:

$$\frac{nR_b}{100R} = \frac{1}{n}, \quad \text{vagyis} \quad n = 10\sqrt{\frac{R}{R_b}}.$$

A fenti számításból kapott  $n$  csak akkor fogadható el a feladat megoldásaként, ha  $n$  egész és osztója  $N = 100$ -nak. Az  $a$ ) és  $b$ ) esetekben ez teljesül, és a telep  $n_a = 10$ -nek, illetve  $n_b = 20$ -nak megfelelő elrendezésben adja le a legnagyobb teljesítményt az  $R$  ellenálláson. A  $c$ ) esetben azonban  $n_c$ -re a  $10\sqrt{5} \approx 22,3$  számot kapjuk, ami nem egész! Ebben az esetben meg kell vizsgálnunk, hogy vajon  $100$ -nak  $n > n_c$  osztói közül a legkisebbnél, vagy  $n < n_c$  osztói közül a legnagyobbnál nagyobb-e a leadott teljesítmény. Most  $n = 20$  és  $n = 25$  jöhet szóba, és mindkettőhöz *ugyanakkora* leadott teljesítmény tartozik, a feladatnak tehát  $R = 5R_b$  esetben 2 megoldása van.