

Bizonyítsuk be, hogy ha $0 < k < 100$, egész, akkor

$$\sum_{i=1}^{100} (-1)^i \binom{100}{i} i^k = 0.$$