

Bizonyítsuk be, hogy ha a és b nem negatív számok, akkor

$$(1) \quad \frac{1}{2}(a+b)^2 + \frac{1}{4}(a+b) \geq a\sqrt{b} + b\sqrt{a}.$$