

**Megoldás.** Ismert, hogy  $2r$  átmérőjéhez képest nagyon nagy  $\ell$  hosszúságú és sűrűn tekercselt  $n$  menetes szolenoid mágneses indukciója a tekercsen kívül nulla, azon belül a tekercs tengelyével párhuzamos és a pillanatnyi értéke

$$B(t) = \mu_0 \frac{n}{\ell} I(t).$$

*Megjegyzés.* A szolenoidon kívül megjelenő nagyon gyenge mágneses mezőt – amely egyrészt a szolenoid végeinél és a menetek között „kiszóródó” erővonalakból, másrészt a szolenoid, mint hosszú egyenes vezető körüli mágneses indukcióból adódik – a további megfontolásainkban elhanyagoljuk.

Az időben változó áramerősség változó mágneses indukciót, változó mágneses fluxust, az pedig örvénylő elektromos mezőt hoz létre. Az elektromos mező a tekercs szimmetriája miatt nyilvánvalóan hengerszimmetrikus, s mivel a rendszerben nyugvó töltés nincs, így az elektromos mező forrásmentes, emiatt az elektromos térerősség érintőirányú kell legyen.

A  $P$  pont körüli  $R$  sugarú körre felírva az indukciótörvényt:

$$E(R) \cdot 2R\pi = -\frac{\Delta\Phi}{\Delta t} = -r^2\pi \frac{\Delta B}{\Delta t} = -r^2\pi\mu_0 \frac{n}{\ell} \frac{\Delta I}{\Delta t},$$

ahonnan az elektromos térerősség

$$E(R) = -\frac{r^2\mu_0 n}{2\ell} \frac{1}{R} \frac{\Delta I}{\Delta t}.$$

A ponttöltésre ható erő nagysága:

$$F = EQ = -\frac{r^2\mu_0 nQ}{2\ell} \frac{1}{R} \frac{\Delta I}{\Delta t},$$

és ennek az erőnek a  $P$  pontra vonatkozó forgatónyomatéka:

$$M = FR = -\frac{r^2\mu_0 nQ}{2\ell} \frac{\Delta I}{\Delta t}.$$

Felhasználva a perdülettételt:

$$\frac{\Delta N}{\Delta t} = -\frac{r^2\mu_0 nQ}{2\ell} \frac{\Delta I}{\Delta t},$$

vagyis a tekercsben folyó áram kicsiny  $\Delta I$  megváltozása és a mozgó (töltött) test perdületének  $\Delta N$  változása arányos egymással:

$$\Delta N = -\frac{r^2\mu_0 nQ}{2\ell} \Delta I.$$

Összegezzük a perdület és az áramerősség kicsiny változásait, és vegyük figyelembe, hogy  $t = 0$ -kor  $N$  és  $I$  is nulla:

$$N(t) = \sum \Delta N = -\frac{r^2\mu_0 nQ}{2\ell} \sum \Delta I = -\frac{r^2\mu_0 nQ}{2\ell} I(t).$$

A folyamat végére az áramerősség nullára csökken, ekkor tehát a részecske *perdülete is nulla* kell legyen. Eszerint a folyamat végén a részecske vagy a  $P$  felé, vagy azzal ellentétes irányba fog mozogni, esetleg éppen a  $P$  pontban áll. Belátjuk, hogy ezen három lehetőség közül ténylegesen a második valósul meg.

A részecskére nem hat sugárirányú erő (hiszen a szolenoidon kívül nincs számottevő mágneses mező, az elektromos mező pedig mindenhol érintő irányú). Emiatt a részecske sugár irányú (radiális)  $v_r$  sebességének egységnyi időre eső megváltozása és a centripetális gyorsulás előjeles összege nulla kell legyen:

$$\frac{\Delta v_r}{\Delta t} - \frac{v_t^2}{R} = 0,$$

ahol  $v_t$  a test érintőirányú (tangenciális) sebessége,  $R$  pedig a  $P$  ponttól mért pillanatnyi távolsága. A fenti egyenletből leolvasható, hogy  $\Delta v_r \geq 0$ , tehát a kezdetben álló részecske egyre nagyobb sebességgel fog távolodni a  $P$  ponttól, vagyis a sebességvektora a folyamat végén (nullára csökkentett áramerősségnél)  $P$  irányával  $180^\circ$ -os szöget zár be.

*Megjegyzés.* A megoldás során sehol nem használtuk ki, hogy az áramerősség időben egyenletesen, vagy esetleg másképp változik. Tetszőleges áramerősség-idő függvény esetén igaz, hogy nulla áramerősségnél a test sebessége a  $P$  pont irányával  $180^\circ$ -os szöget zár be.