

A természetes számokon értelmezett $f(n; k)$ függvényről tudjuk, hogy

$$\begin{aligned} f(0; 0) &= 1; & f(0; n) &= f(n; 0) = 0; \\ f(n; k) &= n[f(n; k-1) + f(n-1; k-1)]. \end{aligned}$$

Bizonyítsuk be, hogy $f(n; k)$ minden k természetes számra osztható $n!$ -sal.