

Határozzuk meg a következő sorozat összegét:

$$S_n = 2\binom{n}{2} + 6\binom{n}{3} + \cdots + (n-2)(n-1)\binom{n}{n-1} + (n-1)n\binom{n}{n}.$$