

Határozzuk meg a következő sor összegét:

$$\binom{n}{0} + \binom{n+1}{1} + \binom{n+2}{2} + \dots + \binom{n+k}{k},$$

ahol n és k természetes szám. (Az $\binom{n}{k}$ szimbolumon értjük az n elemből kiválasztható k elemet tartalmazó csoportok számát, ha az elemek sorrendjétől eltekintünk. Mint ismeretes $\binom{n}{k} = \frac{n(n+1)(n+2)\dots(n+k-1)}{1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot k}$, és $\binom{n}{0} = 1$. E számok a kéttagúak (binomok) hatványaiban fellépő együtthatók, azért „binomiális együtthatók”-nak is nevezzük.)