

**Megoldás.** Az  $x \leq y \leq z$  oldalakkal bíró háromszög pontosan akkor hegyesszögű, ha  $x^2 + y^2 > z^2$  teljesül, amiről például a koszinusz-tétel segítségével könnyen meggyőződhetünk. Ha tehát az  $a \leq b \leq c \leq d \leq e$  szakaszok közül semelyik háromból szerkesztett háromszög nem lenne hegyesszögű, akkor  $a^2 + b^2 \leq c^2$ ,  $b^2 + c^2 \leq d^2$ ,  $c^2 + d^2 \leq e^2$  miatt

$$e^2 \geq d^2 + c^2 \geq 2c^2 + b^2 \geq 3b^2 + 2a^2 \geq b^2 + 2ab + 2a^2 > (a + b)^2,$$

így  $e > a + b$  lenne, ami ellentmondana a háromszög-egyenlőtlenségnek.

*Megjegyzés.* Négy szakaszt azonban megadhatunk úgy, hogy bármelyik háromból háromszög szerkeszthető, ám azok egyike sem hegyesszögű: ilyen például  $a = 1$ ,  $b = \sqrt{2}$ ,  $c = \sqrt{3}$ ,  $d = \sqrt{5}$ .