

**Megoldás.** Legyen az eredeti sokszög oldalainak száma  $m$ , ekkor az új sokszögnek  $2m$  oldala van. Egy  $n$ -szög belső szögeinek összege  $(n - 2) \cdot 180^\circ$ , így az eredeti sokszögben  $(m - 2) \cdot 180^\circ$ , míg az új sokszögben  $(2m - 2) \cdot 180^\circ$  a belső szögek összege.

A feladat szerint a  $(2m - 2) \cdot 180^\circ$  egész számú többszöröse az  $(m - 2) \cdot 180^\circ$ -nak, azaz  $\frac{(2m - 2) \cdot 180^\circ}{(m - 2) \cdot 180^\circ} \in \mathbb{Z}$ .

$$\frac{(2m - 2) \cdot 180^\circ}{(m - 2) \cdot 180^\circ} = \frac{2m - 2}{m - 2} = \frac{2(m - 2) + 2}{m - 2} = 2 + \frac{2}{m - 2},$$

tehát  $\frac{2}{m - 2} \in \mathbb{Z}$ , azaz a 2-nek osztója az  $m - 2$ . A 2 osztói:  $-2$ ;  $-1$ ;  $1$ ;  $2$ . Mivel  $m \geq 3$ , azért  $m - 2 \geq 1$ , vagyis  $m - 2 = 1$  vagy  $m - 2 = 2$ . Két lehetséges értéket kaptunk  $m$ -re.

Tehát a háromszögek és a négyszögek a feladatnak megfelelő sokszögek.