

Bizonyítsuk be, hogy  $n$  összes pozitív osztójának  $d(n)$  számtani közepére

$$\sqrt{n} \leq d(n) \leq \frac{n+1}{2}.$$