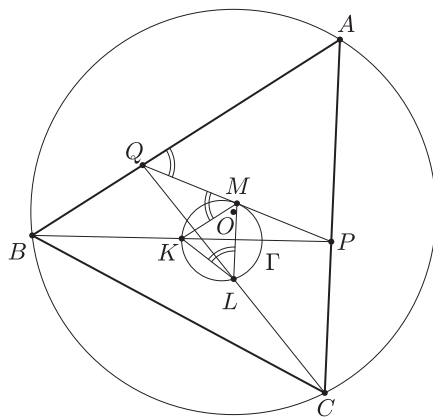


Szűcs Gergely megoldása. Mivel $\angle KLM$ és $\angle KMQ$ egy ívhez tartozó kerületi, illetve érintőszárú kerületi szögek, így $\angle KLM = \angle KMQ$. Nyilván $MK \parallel QB$, mivel MK a QBP háromszögben középvonal, így $\angle PQA = \angle KMQ$, mert váltószögek. Tehát $\angle PQA = \angle KMQ$, és hasonlóan $\angle APQ = \angle MKL$, így $\triangle APQ \sim \triangle MKL$.



Ebből $\frac{MK}{ML} = \frac{AP}{AQ}$, de

$$\frac{MK}{ML} = \frac{\frac{QB}{2}}{\frac{PC}{2}} = \frac{QB}{PC},$$

tehát

$$\frac{QB}{PC} = \frac{AP}{AQ},$$

amiből $QA \cdot QB = PA \cdot PC$, vagyis a P és Q pontoknak a körülírt körre vonatkozó hatványa megegyezik (lásd KöMaL 2009/4. szám, hátsó belső borító), amiből már $OP = OQ$ következik.