

Bizonyítsuk be, hogy

$$\sum_{k=0}^n \binom{2n+1}{2k+1} \cdot 2^{3k}$$

n semmilyen természetes egész értéke esetén sem osztható 5-tel.