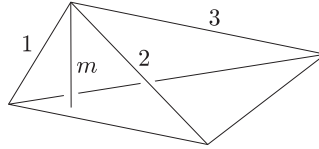


Megoldás. Az asztallappal együtt a rudak egy háromszög alapú gúlát határoznak meg. Az asztallappal való érintkezési pontok által meghatározott háromszög oldalai a páronként merőleges rudak miatt Pitagorasz-tétellel számolhatók:

$$\sqrt{1^2 + 2^2} = \sqrt{5}, \quad \sqrt{1^2 + 3^2} = \sqrt{10}, \quad \sqrt{2^2 + 3^2} = \sqrt{13}.$$

Az a, b, c hosszúságú, páronként merőleges oldalélekből alkotott gúla térfogatát a következő módon számolhatjuk ki. Az egyik lap területe: $T = \frac{ab}{2}$, a harmadik él, mint magassággal a térfogat: $V = \frac{Tc}{3} = \frac{abc}{6}$. Esetünkben: $V = \frac{1 \cdot 2 \cdot 3}{6} = 1$.



Kiszámítjuk másrészt a $\sqrt{5}, \sqrt{10}, \sqrt{13}$ oldalhosszú lap területét. A $\sqrt{13}$ hosszúságú oldallal szemközti szög koszinuszát a koszinusz-tétellel határozzuk meg:

$$13 = 5 + 10 - 2\sqrt{50} \cos \varphi, \quad \text{vagyis} \quad \cos \varphi = \frac{1}{\sqrt{50}}.$$

Mivel $\sin^2 x + \cos^2 x = 1$, és háromszög esetén $\sin x > 0$, így

$$\sin \varphi = \sqrt{1 - \frac{1}{50}} = \sqrt{\frac{49}{50}} = \frac{7}{\sqrt{50}}.$$

A háromszög területe:

$$t = \frac{\sqrt{5} \cdot \sqrt{10} \cdot \frac{7}{\sqrt{50}}}{2} = \frac{7}{2}.$$

A gúla térfogata: $V = \frac{t \cdot m}{3}$, ebből a magasság:

$$m = \frac{3V}{t} = \frac{3 \cdot 1}{\frac{7}{2}} = \frac{6}{7}.$$

Tehát a rögzítési pont $\frac{6}{7}$ magasságban van az asztal fölött.