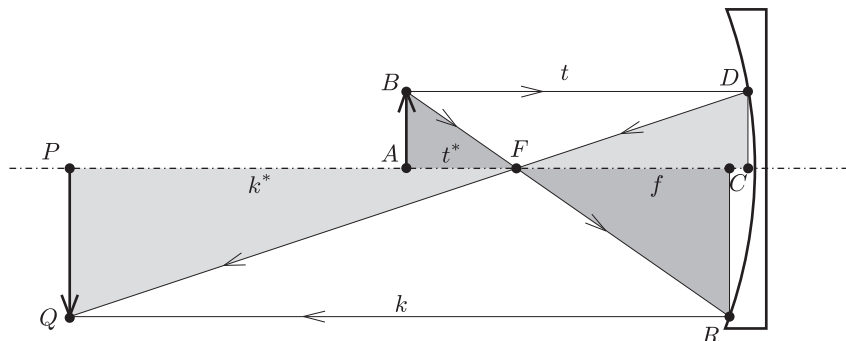


**Megoldás.** Tekintsünk egy  $AB$  tárgyat, és nevezetes sugármenetek segítségével szerkesszük meg ennek a tárgynak  $PQ$  képét! Az  $F$  fókuszponton áthaladó  $BFR$  fénysugár a gömbtükrőről az optikai tengellyel párhuzamos  $RQ$  mentén verődik vissza, és hasonlóan a tengellyel párhuzamos  $BD$  fénysugár visszaverődve a fókuszponton áthaladó  $DFQ$  egyenes mentén halad.

Jelöljük a tárgy és a fókuszpont távolságát  $t^*$ -gal, a kép és a fókuszpont távolságát pedig  $k^*$ -gal, a tárgy- és a képtávolságot pedig a szokásos módon  $t$ -vel és  $k$ -val! Nyilván fennáll, hogy  $t^* = t - f$ , illetve

$$k^* = k - f.$$



Az ábrán hasonló háromszögeket találunk, ezek oldalainak aránya páronként megegyezik:

$$\frac{BA}{CR} = \frac{t^*}{f}, \quad \text{továbbá} \quad \frac{DC}{PQ} = \frac{f}{k^*}.$$

A fenti egyenletek bal oldalán ugyanaz az arány áll (hiszen  $BA = DC$  és  $CR = PQ$ ), tehát a jobb oldalak is megegyeznek:

$$\frac{t^*}{f} = \frac{f}{k^*},$$

vagyis fennáll a

$$t^* \cdot k^* = f^2$$

„elegáns” összefüggés. Eszerint Newtonnak éppen a fókuszpontot kellett vonatkoztatási pontnak választania, hogy ezt az összefüggést megkapja.

*Megjegyzés.* Megfontolásaink során feltételeztük, hogy a tárgy is és a kép is közel van az optikai tengelyhez, emiatt a képpalkotásban részt vevő fénysugarak a tengellyel kicsiny szöget zárnak be. Ebben az esetben élhetünk azzal a közelítéssel, hogy a  $D$  és az  $R$  pontok optikai eső merőleges vetületét egyazon  $C$  pontnak tekintjük. (A  $C$  pont(ok) távolsága a fókuszponttól jó közelítéssel megegyezik a tükör középpontjának és a fókuszpontnak távolságával, vagyis  $f$ -fel.)