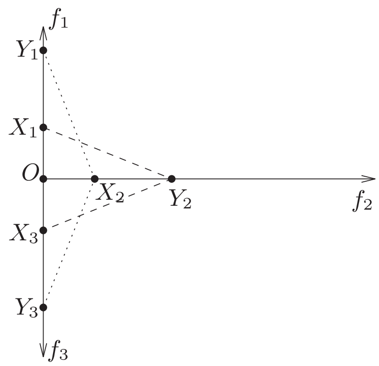
I. megoldás. Vegyük fel úgy az O-ból induló f_1, f_2, f_3 félegyeneseket, hogy f_1 és f_3 ne essenek egybe, de mindkettő derékszöget zárjon be az f_2 félegyenessel. Az f_i félegyenesen jelöljük ki az X_i, Y_i pontokat úgy, hogy $OX_1 = OX_2 = OX_3 < OY_1 = OY_2 = OY_3$ legyen. A rövidség kedvéért nevezzünk két síkidomot O-ekvivalensnek, ha minden O középpontú körnek ugyanakkora területű részét tartalmazzák. Az alábbi konstrukció két egyszerű észrevételen alapszik: 1. Ha a D sokszöget olyan egybevágósági transzformáció viszi D'-be, amelynél az O pont fixen marad, akkor D' biztosan O-ekvivalens D-vel. (A transzformáció ugyanis minden O középpontú k kört önmagára képez, ezért k és D közös részének a képe k és D' közös része lesz.) 2. Ha A és A' valamint B és B' egymással O-ekvivalens, továbbá A-nak és B-nek, illetve A'-nek és B'-nek nincs közös belső pontja, akkor A és B egyesítése O-ekvivalens A' és B' egyesítésével.



Az OX_1Y_2 és az OX_2Y_1 háromszögek O-ekvivalensek, mivel az f_1Of_2 derékszög belső felezőjére való tükrözés egymásba viszi őket, és ennek során az O pont fix. Hasonlóan OX_3Y_2 és OX_2Y_3 is O-ekvivalensek. A második észtevételünk szerint így az OX_1Y_2 és az OX_3Y_2 összetételével adódó $X_1Y_2X_3$ háromszög is O-ekvivalens az OX_2Y_1 és az OX_2Y_3 összetételével adódó $Y_1X_2Y_3$ háromszöggel. Végül, e két háromszög egyenlő szárú, mivel az X_1X_3 és Y_1Y_3 oldalukhoz tartozó közös Of_2 magasság-egyenesük mindkét oldalt felezi. A két alap $X_1X_3 < Y_1Y_3$, tehát a két háromszög nem egybevágó.

II. megoldás. Legyen $ABCD$ olyan paralelogramma, amely nem téglalap, legyen O az átlók metszéspontja. Az I. megoldásban alkalmazott, páronként „megfelelően” egybevágó háromszögekre bontás módszerével látható, hogy például az ABC és az ABD háromszögek teljesítik a feladat követelményeit.