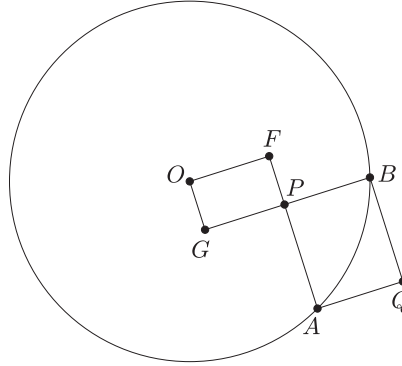


**Megoldás.** Legyen a kör középpontja  $O$ ,  $OP = d$ . Az  $O$  pontból az  $AP$ , illetve  $BP$  egyenesre állított merőleges talppontját jelölje  $F$  és  $G$ . A Pitagorasz-tétel többszöri alkalmazásával:

$$OQ^2 = AF^2 + BG^2 = (r^2 - OF^2) + (r^2 - OG^2) = 2r^2 - OP^2,$$

vagyis a  $Q$  pont az  $O$  középpontú,  $\sqrt{2r^2 - d^2}$  sugarú körvonalon helyezkedik el.



Továbbá igaz az is, hogy  $Q$  az egész körvonalat befutja, midőn a derékszög körbefordul  $P$  körül. Ehhez legyen  $Q'$  a kör egy tetszőleges pontja, vagyis  $OQ' = \sqrt{2r^2 - d^2}$ . Legyen  $A'PB'Q'$  az a téglalap, amire  $OA' = OB' =: r'$  ( $A'$  és  $B'$  a  $PQ'$  Thalesz-körének és ennek  $K$  középpontján átmenő  $OK$ -ra merőleges egyenesnek a két metszéspontja). Az előbbi eredményünket az  $r$  sugarú kör helyett az  $r'$  sugarúra alkalmazva azt kapjuk, hogy  $OQ' = \sqrt{2r'^2 - d^2}$ , így  $r = r'$ , vagyis  $Q'$  az  $A'PB'$  derékszögből származik.