

A sík  $P_0(0, 0)$ ,  $P_1(1, 0)$  pontjaitól egyaránt egységnyi távolságra levő egyik pont  $P_2(1/2, \sqrt{3}/2)$ . Határozzuk meg a tér  $P_0$ -tól,  $P_1$ -től és  $P_2$ -től 1 távolságra levő  $P_3$  pontjának koordinátáit, ha az előbbi két tengelyhez a  $P_0$ -ban  $P_0$ ,  $P_1$ ,  $P_2$  síkjára emelt merőlegest választjuk harmadik tengelynek.  $P_3$  egyik koordinátája se legyen negatív.

Általában az  $n$ -dimenziós tér pontjait  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  (valós) koordináta- $n$ -esekkel adjuk meg, és az  $(x_1, x_2, \dots, x_n)$  és  $(y_1, y_2, \dots, y_n)$  pontok távolságán a (1) értéket értjük. Határozzuk meg sorra az  $R_0, R_1, R_2, \dots, R_n$  pontokat úgy, hogy  $R_k$  első  $k$  koordinátája pozitív, a többi 0 legyen, és hogy bármelyik két pont távolsága 1 legyen.

$$(1) \quad \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + (x_2 - y_2)^2 + \dots + (x_n - y_n)^2}.$$