

Legyen $a_1 = 1$, $a_{n+1} = a_n + [\sqrt{a_n}]$, ahol $[x]$ az x egész részét jelöli. Bizonyítsuk be, hogy a_n akkor és csak akkor négyzetszám, ha $n = 2^k + k - 2$.