

Megoldás. x és y prímekek, ezért $x^2 + y^2 > 0$, így $z - 16 > 0$ is fennáll. Mivel $z > 16$ és prím, azért páratlan, és így $z - 16$ is páratlan. Ekkor $x^2 + y^2$ is páratlan. Mivel csak egy páros prímszám van, a 2, az x és y közül valamelyik 2, a másik páratlan.

Ha például $y = 2$, akkor $x^2 + 4 = z - 16$, innen $x^2 = z - 20$. Nyilván $z > 20$. Ha $x = 3$, akkor $z = 29$.

Ha $y = 2$ és x 3-nál nagyobb prímszám lenne, akkor $x = 3k \pm 1$ ($k \in \mathbb{Z}$ és $k > 1$) alakú lenne, tehát $x^2 = 9k^2 \pm 6k + 1$ és $z = 9k^2 \pm 6k + 21 = 3(3k^2 \pm 2k + 7)$, azaz z is osztható lenne 3-mal, tehát nem lehetne prímszám.

Tehát ha $y = 2$, akkor $x = 3$ és $z = 29$.

Mivel az egyenletben x és y szerepe felcserélhető, az egyenlet másik megoldása: $x = 2$, $y = 3$ és $z = 29$.