

Egy I intervallum a nem feltétlenül diszjunkt I_1, I_2, \dots, I_n intervallumok egyesítése. Bizonyítsuk be, hogy

a) az I_1, I_2, \dots, I_n intervallumok „bal oldali fele” – a felezőpontjuk és az alsó végpontjuk által közrefogott intervallum – együttesen az I -nek legalább a felét lefedik.

b) ha tetszőlegesen hagyjuk el az I_1, I_2, \dots, I_n intervallumoknak vagy a bal, vagy a jobb felét, akkor a megmaradó intervallumok az I -nek legalább a harmadát lefedik.