

**Megoldás.** Legyenek az egyenlet gyökei  $e, f$  és  $g$  ( $e, f, g$  pozitív egészek). Ez azt jelenti, hogy

$$x^3 - 8x^2 + cx + d = (x - e)(x - f)(x - g).$$

Elvégezve a szorzást:

$$\begin{aligned}(x - e)(x - f)(x - g) &= x^3 - ex^2 - fx^2 - gx^2 + efx + fgx + egx - efg = \\ &= x^3 - (e + f + g)x^2 + (ef + fg + eg)x - efg.\end{aligned}$$

Tehát

$$x^3 - 8x^2 + cx + d = x^3 - (e + f + g)x^2 + (ef + fg + eg)x - efg.$$

Ebből kapjuk, hogy

$$\begin{aligned}(1) \quad & e + f + g = 8, \\ (2) \quad & ef + fg + eg = c, \\ (3) \quad & efg = -d.\end{aligned}$$

Mindhárom egyenlet szimmetrikus, ezért feltehetjük, hogy  $e \geq f \geq g$ .

Az (1) egyenlet miatt (figyelembe véve, hogy  $e, f, g$  pozitív egész és  $e \geq f \geq g$ ) az  $e, f, g$  és az ezekből kiszámolt  $c$  és  $d$  értékei csak a következők lehetnek:

	$e$	$f$	$g$	$c$	$d$
1.	6	1	1	13	-6
2.	5	2	1	17	-10
3.	4	3	1	19	-12
4.	4	2	2	20	-16
5.	3	3	2	21	-18

Tehát a megfelelő  $(c; d)$  számpárok a következők:  $(13; -6)$ ,  $(17; -10)$ ,  $(19; -12)$ ,  $(20; -16)$ ,  $(21; -18)$ .