

**Megoldás.** Két egymást követő kocsi azonos része (mondjuk az eleje)  $d = x + l = \alpha v^2 + l$  távolságra van egymástól. Ha a gépkocsi sebessége  $v$ , a  $d$  távolságot

$$t = \frac{d}{v} = \alpha v + \frac{l}{v}$$

idő alatt teszik meg. Minél kisebb  $t$ , annál több gépkocsi halad el adott idő alatt a tábla előtt. Feladatunk tehát az  $f(v) = \alpha v + \frac{l}{v}$  függvény minimumának meghatározása.

Alkalmazzuk a számtani és mértani középbe vonatkozó  $\frac{a+b}{2} \geq \sqrt{ab}$  egyenlőtlenséget:

$$t \geq 2 \sqrt{\alpha v \cdot \frac{l}{v}} = 2\sqrt{\alpha l}.$$

Az egyenlőség – tehát a legkisebb  $t$  érték – akkor valósul meg, ha

$$\alpha v = \frac{l}{v}, \quad \text{azaz} \quad v = \sqrt{\frac{l}{\alpha}},$$

ennél a sebességnél a legnagyobb az út „áteresztőképessége”.