

Megoldás. Az ABM és a CDM háromszögek hasonlóak, mert $MAB \sphericalangle = MCD \sphericalangle$ és $MBA \sphericalangle = MDC \sphericalangle$, mivel váltószögek. Legyen m_1 az ABM , m_2 a CDM háromszög M -ből induló magassága. A két háromszög hasonlósági aránya:

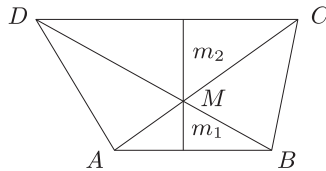
$$k = \frac{AB}{CD} = \frac{m_1}{m_2}.$$

Ekkor területük aránya:

$$k^2 = \frac{T_{ABM}}{T_{CDM}} = \frac{\frac{AB \cdot m_1}{2}}{\frac{CD \cdot m_2}{2}} = \frac{18}{50}.$$

Innen $k = \frac{3}{5}$. Mivel a trapéz magassága $m_1 + m_2$, így területe:

$$\begin{aligned} T &= \frac{AB + CD}{2} (m_1 + m_2) = \frac{k \cdot CD + CD}{2} (k \cdot m_2 + m_2) = \\ &= (k + 1)^2 \left(CD \cdot \frac{m_2}{2} \right) = \left(\frac{8}{5} \right)^2 \cdot 50 = 128. \end{aligned}$$



Tehát a trapéz területe 128 egység.