

Legyen adva egy  $X$  végtelen halmaz véges részhalmazainak egy  $x$  rendszere. Tegyük föl, hogy  $X$  bármely véges részhalmaza előáll két  $x$ -beli halmaz diszjunkt uniójaként. Bizonyítsuk be, hogy akkor tetszőleges  $k$  természetes számhoz létezik  $X$ -nek olyan részhalmaza, amely legalább  $k$ -féleképp állítható elő két  $x$ -beli diszjunkt halmaz uniójaként!