

Megoldás. Fejezzük ki (1)-ből $(x+z)$ -t és írjuk be (2)-be a kapott kifejezést.

$$(1') \quad \begin{aligned} x+z &= t-y, \\ t-y+(t+1)y &= 0. \end{aligned}$$

Innen $t-y+ty+y=0$, azaz $ty=-t$. Ha $t \neq 0$, akkor $y=-1$, (1')-ből ($y=-1$ -et beírva) $x=t+1-z$. Helyettesítsünk (3)-ba:

$$t+1-z-1-(t+1)z=2t;$$

ha $t \neq -2$, akkor $z = \frac{-t}{t+2}$, és

$$x = t+1 + \frac{t}{t+2} = \frac{t^2+4t+2}{t+2}.$$

Mivel végig azonos átalakításokat végeztünk, a kapott értékek valóban gyökei az egyenletrendszernek.

Ha $t=0$, akkor az egyenletrendszer a következő:

$$\begin{aligned} x+y+z &= 0, \\ x+y+z &= 0, \\ x+y-z &= 0. \end{aligned}$$

Ekkor $x=-y$ és $z=0$. Az egyenletrendszernek végtelen sok megoldása van.

Ha $t=-2$, akkor

$$\begin{aligned} (1'') \quad & x+y+z = -2, \\ (2'') \quad & x-y+z = 0, \\ (3'') \quad & x+y+z = -4. \end{aligned}$$

Az egyenletrendszernek ekkor nincs megoldása, az (1'') és (3'') egyenlet ellentmond egymásnak.