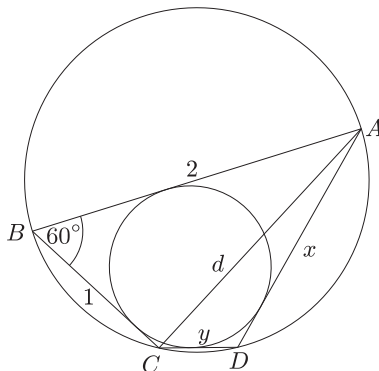


Megoldás. Az $ABCD$ négyszögben $AB = 2$, $BC = 1$ és $\angle ABC = 60^\circ$. Jelölje az AD oldalt x ; legyen $CD = y$ és $AC = d$.



Mivel a négyszög érintőnégyszög,

$$1 + x = 2 + y,$$

innen $y = x - 1$. Mivel $ABCD$ húrnégyszög is, $\angle ADC = 120^\circ$. Írjuk fel az ACD háromszögre a koszinusz-tételt:

$$d^2 = x^2 + y^2 - 2xy \cos 120^\circ.$$

Az y és $\cos 120^\circ$ értékeket behelyettesítve:

$$(1) \quad d^2 = x^2 + (x - 1)^2 - 2x(x - 1) \cdot \left(-\frac{1}{2}\right).$$

A d^2 értékét az ABC háromszögből számíthatjuk ki, ugyancsak a koszinusz-tétel felhasználásával: $d^2 = 1^2 + 2^2 - 2 \cdot 1 \cdot 2 \cdot \frac{1}{2}$, innen $d^2 = 3$, ezt behelyettesítve (1)-be a következő másodfokú egyenlethez jutunk:

$$3x^2 - 3x - 2 = 0,$$

ahonnan $x = \frac{\sqrt{33} + 3}{6} \approx 1,457$, a négyszög másik oldala pedig $y \approx 0,457$ egység.