

**Megoldás.** Minden mérkőzésen összesen 4 pontot osztanak ki a résztvevő csapatok között az eredménytől függetlenül. Így a csapatok által összesen megszerezhető pontok száma a mérkőzések számának négyszerese. A mérkőzések száma  $\frac{15 \cdot 14}{2} = 105$ , tehát a csapatok összpontszáma 420. Ha minden csapatnak különböző számú pontja van, akkor a csapatoknak legalább  $21 + 22 + 23 + \dots + 35$  pontja van összesen, ez viszont (pl. a Gauss módszerrel összeadva) éppen 420. Tehát a csapatoknak éppen  $21, 22, \dots, 35$  pontja van a helyezések sorrendjében. Így az elsőnek 35 pontja van. A győzelmekért járó 3 és a vereségekért járó 1–1 pontokkal viszont nem lehet páratlan a pontszám, mert 14 páratlan szám összege páros. Így az első helyezett biztosan játszott döntetlent.